

בגינות
חרף תשע"ח, 2018
314,035804, 035481
דפי נוסחאות ל-4 ייחדות לימוד

סוג הבדיקה:
מועד הבדיקה:
מספר השאלה:
נספח:

מתמטיקה

4 ייחדות לימוד — שאלון ראשון

הוראות לנבחן

- א. משך הבדיקה: שלוש שעות וחצי.
- ב. מבנה השאלון ופתח ההערכה: בשאלון זה שלושה פרקים.
- | | | | | | | |
|-----------|-------------------------------|---------|-----------|---|-----------|------------|
| פרק ראשון | — אלגברה, גאומטריה אנליטית, | הסתברות | 40 נקודות | — | 20×2 | — |
| פרק שני | — גאומטריה וטיריגונומטריה | | | | 20 נקודות | — |
| פרק שלישי | — חשבון דיפרנציאלי ואיינטגרלי | | | | 40 נקודות | — |
| | של פולינומים, של פונקציות | | | | 20×2 | — |
| | רציניליות ושל פונקציות שורש | | | | — | 40 נקודות |
| | | | | | <hr/> | <hr/> |
| | | | | | סה"כ | 100 נקודות |
- ג. חומר עזר מותר בשימוש:
- (1) מחשבון לא גրפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכנות. שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.
 - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).
- ד. הוראות מיוחדות:
- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספра בלבד.
 - (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעוזרת מחשבון. הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת. חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.
 - (3) לטiotה יש להשתמש במחברת הבדיקה. שימוש בטiotה אחרת עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

**הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים כאחד.
בהצלחה!**

השאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.
חווסף פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבדיקה.

פרק ראשון – אלגברה, גאומטריה אנליטית, הסתברות (40 נקודות)

ענה על שתיים מן השאלות 1-3 (לכל שאלה – 20 נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. סוחר קנה כמה מוצרים במחיר זזה ושלם בעבורם 6,000 שקלים סך הכל.

10% מכל המוצרים שקנה הוא מכיר במחיר מוצר של 40 שקלים לכל מוצר,
20 מוצרים הוא השאיר במחסן, ואת השאר הוא מכיר ברווח של 60% ל מוצר.

הכנסתו מכירות המוצרים האלה הייתה 7,520 שקלים.

a. כמה מוצרים קנה הסוחר?

בשלב מאוחר יותר מכיר הסוחר את 20 המוצרים שהשאר במחסן, ברוח של 200% למוצר.

b. מה הייתה הכנסתו של הסוחר מכירות 20 המוצרים האלה?

נתון דלתון ABCD . ($AB = AD$, $CB = CD$) 2.

הקודקוד B מונח על ציר ה- y והקודקודים C ו- D מונחים על ציר ה- x , כמפורט בציור.

משוואת הישר BD היא: $y = -\frac{1}{3}x + 3$.

a. מצא את שיעורי הקודקודים B , D ו- C .

שיעוריו הקודקוד A הם (7, 9) .

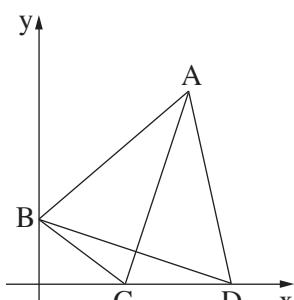
b. חשב את שטח הדלתון ABCD .

הישר $y = 5.4$ חותך את היסרים AB ו- AD בנקודות E ו- F בהתאם.

אורכו הקטע EF הוא 5 .

g. (1) חשב את שטח המשולש AEF .

(2) חשב את שטח המרhomesh EFDCB .



.3

שירה משחקת בקוביות משחק הוגנת ובמطبع מאוזן.

שירה משחקת על פי הכללים האלה: היא זורקת את הקובייה פעם אחת ומטילה את המطبع פעמיים.
אם המספר שיתקבל על הקובייה יהיה גדול מ- 2 ושתתי ההצלחות ייפול המطبع על "פלוי", תזכה שירה בפרס.

א. (1) מהי ההסתברות ששירה תזכה בפרס?

(2) שירה משחקת במשחק שלה 4 פעמים. מהי ההסתברות שתזכה ב- 2 פרסים בדיקוק?

אביגיל משחקת גם היא בקוביות משחק הוגנת ובמطبع מאוזן.

אביגיל משחקת לפי כללים אחרים: היא זורקת את הקובייה פעמיים ואז מטילה את המطبع פעם אחת.

אם סכום המספרים שיתקבלו על הקובייה בשתי הזריקות יהיה קטן מ- 10 והطبع ייפול על "עז",
תזכה אביgil בפרס.

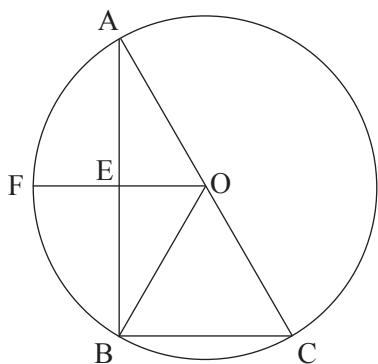
ב. (1) מהי ההסתברות שבזריקת הקובייה פעמיים סכום�数ים שיתקבלו יהיה קטן מ- 10 ?

(2) אביgil משחקת במשחק שלה פעם אחת. מהי ההסתברות שאביgil תזכה בפרס?

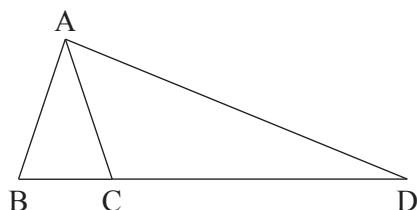
פרק שני – גאומטריה וטיריגונומטריה במשורט (20 נקודות)

ענה על אחד מ-5-4.

שים לב! אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.



- .4. משולש ABC חסום במעגל. מרכזו המעלג O נמצא על הצלע AC. נקודה E נמצאת על הצלע AB כך ש- $OE \perp AB$ (ראה ציור).
- הוכיח ש- OE הוא קטע אמצעים במשולש ABC.
 - המשר הקטע OE חותך את המעלג בנקודה F, כמפורט בציור.
 - הוכיח שהמשולש AFB הוא משולש שווה-שוקיים.
- נתון: $\angle ACB = 60^\circ$.
- הוכיח שהמרובע FOBC הוא מעוין.



- .5. ABC הוא משולש חד-זווית ושווה-שוקיים ($AB = AC$) .

אורכו של רדיוס המעלג החוסם את המשולש ABC הוא R. נתון: $BC = 1.2R$.

a. (1) חשב את זוויות המשולש ABC.

(2) הביע את אורך הצלע AB באמצעות R.

המשיכו את הצלע BC עד הנקודה D, כמפורט בציור, כך ש- $CD = 3.8R$.

b. הביע את אורך הקטע AD באמצעות R.

c. AE הוא גובה במשולש ACD.

אורך הגובה AE הוא 9.

חשב את R.

**פרק שלישי – חישוב דיפרנציאלי ואינטגרלי של פולינומים,
של פונקציות רצינליות ושל פונקציות שורש (40 נקודות)**

עונה על שתיים מן השאלות 6-8 (לכל שאלה – 20 נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

6. נתונה הפונקציה $a \cdot f(x) = \frac{4x}{(x-1)^2}$. a הוא פרמטר.

עונה על סעיף א. הבע באמצעות a במידת הצורך.

א. (1) מהו תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$?

(2) מה הן משוואות האסימפטוטות של הפונקציה $f(x)$ המאונכות לצירים?

(3) מצא את שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגה.

(4) מה הם תחומי העליה והירידה של הפונקציה $f(x)$?

נתון: לפונקציה יש אסימפטוטה שימושוותה היא $y = -3$.

ב. מהו ערך הפרמטר a ?

הציב את הערך של a שמצאת ועונה על הסעיפים ג-ד.

ג. (1) מצא את שיעורי נקודת החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם ציר ה- y .

(2) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

ד. עבור אילו ערכים של k הישר $k = y$ חותך את גרף הפונקציה $f(x)$ בנקודת אחת בדיק?

7. נתונה הפונקציה $f(x) = \sqrt{49 - x^2}$.

א. (1) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.

(2) מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$, וקבע את סוגן.

(3) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

ב. (1) מצא את משוואות האסימפטוטות של פונקציית הנגזרת, $(f'(x))'$, המאונכות לציר ה- x .

(2) מה הם תחומי החיבור והשליליות של פונקציית הנגזרת, $(f'(x))'$?

(3) סרטט סקיצה של גרף פונקציית הנגזרת, $(f'(x))'$. תוכל להיעזר בסעיפים קודמים.

ג. חשב את השטח המוגבל על ידי גרף פונקציית הנגזרת $(f'(x))'$, על ידי החלק השלילי של ציר ה- x

ועל ידי הישר $x = -6$.

בתשובהך השאר שתי ספרות אחורי הנקודה העשרונית.

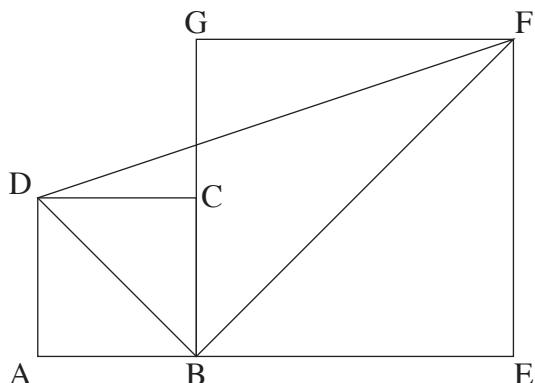
.8 ABCD ו- BEFG הם שני ריבועים. הצלע BC מונחת על הצלע . BG .

נתון: $0 < a$. DB + BF = a הוא פרמטר.

א. מצא את אורך האלכסון DB שעבורו

אורכו הקטע DF הוא מינימלי. הביע באמצעות a .

ב. עבור אורך DB שמצאת בסעיף א, מהו היחס ? $\frac{AB}{BE}$



בצלחה!

זכות היוצרים שמורה למדינת ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא ברשות משרד החינוך